

Pensieve header: A brute force program to compute the width of a knot.

```
In[1]:= << KnotTheory`  
Loading KnotTheory` version of February 2, 2020, 10:53:45.2097.  
Read more at http://katlas.org/wiki/KnotTheory.  
  
In[2]:= pd = PD@Knot[8, 17]  
  
Out[2]= PD[X[6, 2, 7, 1], X[14, 8, 15, 7], X[8, 3, 9, 4], X[2, 13, 3, 14],  
X[12, 5, 13, 6], X[4, 9, 5, 10], X[16, 12, 1, 11], X[10, 16, 11, 15]]
```

```
In[3]:= ? FoldList
```

Symbol i

FoldList[f, x, {a, b, ...}] gives {x, f[x, a], f[f[x, a], b], ...}.
 FoldList[f, {a, b, c, ...}] gives {a, f[a, b], f[f[a, b], c], ...}.
 FoldList[f] represents an operator form of FoldList that can be applied to expressions.

```
In[4]:= pd  
  
Out[4]= PD[X[6, 2, 7, 1], X[14, 8, 15, 7], X[8, 3, 9, 4], X[2, 13, 3, 14],  
X[12, 5, 13, 6], X[4, 9, 5, 10], X[16, 12, 1, 11], X[10, 16, 11, 15]]  
  
In[5]:= FoldList[Complement[#1 ∪ #2, #1 ∩ #2] &, {}, List @@ List @@@ pd]  
  
Out[5]= {{}, {1, 2, 6, 7}, {1, 2, 6, 8, 14, 15}, {1, 2, 3, 4, 6, 9, 14, 15},  
{1, 4, 6, 9, 13, 15}, {1, 4, 5, 9, 12, 15}, {1, 10, 12, 15}, {10, 11, 15, 16}, {}}  
  
In[6]:= Max[Length /@ FoldList[Complement[#1 ∪ #2, #1 ∩ #2] &, {}, List @@ List @@@ pd]]  
  
Out[6]= 8  
  
In[7]:= Width[pd_PD] :=  
  Max[Length /@ FoldList[Complement[#1 ∪ #2, #1 ∩ #2] &, {}, List @@ List @@@ pd]]  
  
In[8]:= Width[PD@Knot[8, 17]]  
  
Out[8]= 8  
  
In[9]:= Min[Width /@ Permutations[PD@Knot[4, 1]]]  
  
Out[9]= 4  
  
Width[pd_PD] :=  
  Max[Length /@ FoldList[Complement[#1 ∪ #2, #1 ∩ #2] &, {}, List @@ List @@@ pd]];  
Table[Echo[K → Min[Width /@ Permutations[PD@K]]], {K, AllKnots[]}];  
» Knot[0, 1] → 1  
» Knot[3, 1] → 4  
» Knot[4, 1] → 4  
» Knot[5, 1] → 4  
» Knot[5, 2] → 4
```

```
» Knot[6, 1] → 4
» Knot[6, 2] → 4
» Knot[6, 3] → 4
» Knot[7, 1] → 4
» Knot[7, 2] → 4
» Knot[7, 3] → 4
» Knot[7, 4] → 4
» Knot[7, 5] → 4
» Knot[7, 6] → 4
» Knot[7, 7] → 4
» Knot[8, 1] → 4
» Knot[8, 2] → 4
» Knot[8, 3] → 4
» Knot[8, 4] → 4
» Knot[8, 5] → 6
» Knot[8, 6] → 4
» Knot[8, 7] → 4
» Knot[8, 8] → 4
» Knot[8, 9] → 4
» Knot[8, 10] → 6
» Knot[8, 11] → 4
» Knot[8, 12] → 4
» Knot[8, 13] → 4
» Knot[8, 14] → 4
» Knot[8, 15] → 6
» Knot[8, 16] → 6
» Knot[8, 17] → 6
» Knot[8, 18] → 6
» Knot[8, 19] → 6
» Knot[8, 20] → 6
» Knot[8, 21] → 6
» Knot[9, 1] → 4
» Knot[9, 2] → 4
» Knot[9, 3] → 4
» Knot[9, 4] → 4
» Knot[9, 5] → 4
```

```
» Knot[9, 6] → 4
» Knot[9, 7] → 4
» Knot[9, 8] → 4
» Knot[9, 9] → 4
» Knot[9, 10] → 4
» Knot[9, 11] → 4
» Knot[9, 12] → 4
» Knot[9, 13] → 4
» Knot[9, 14] → 4
» Knot[9, 15] → 4
» Knot[9, 16] → 6
» Knot[9, 17] → 4
» Knot[9, 18] → 4
» Knot[9, 19] → 4
» Knot[9, 20] → 4
» Knot[9, 21] → 4
» Knot[9, 22] → 6
» Knot[9, 23] → 4
» Knot[9, 24] → 6
» Knot[9, 25] → 6
» Knot[9, 26] → 4
» Knot[9, 27] → 4
» Knot[9, 28] → 6
» Knot[9, 29] → 6
» Knot[9, 30] → 6
» Knot[9, 31] → 4
» Knot[9, 32] → 6
» Knot[9, 33] → 6
» Knot[9, 34] → 6
» Knot[9, 35] → 6
» Knot[9, 36] → 6
» Knot[9, 37] → 6
» Knot[9, 38] → 6
» Knot[9, 39] → 6
» Knot[9, 40] → 6
» Knot[9, 41] → 6
```

```
» Knot [9, 42] → 6
» Knot [9, 43] → 6
» Knot [9, 44] → 6
» Knot [9, 45] → 6
» Knot [9, 46] → 6
» Knot [9, 47] → 6
» Knot [9, 48] → 6
» Knot [9, 49] → 6
» Knot [10, 1] → 4
» Knot [10, 2] → 4
» Knot [10, 3] → 4
» Knot [10, 4] → 4
» Knot [10, 5] → 4
» Knot [10, 6] → 4
» Knot [10, 7] → 4
» Knot [10, 8] → 4
» Knot [10, 9] → 4
» Knot [10, 10] → 4
» Knot [10, 11] → 4
» Knot [10, 12] → 4
» Knot [10, 13] → 4
» Knot [10, 14] → 4
» Knot [10, 15] → 4
» Knot [10, 16] → 4
» Knot [10, 17] → 4
» Knot [10, 18] → 4
» Knot [10, 19] → 4
» Knot [10, 20] → 4
» Knot [10, 21] → 4
» Knot [10, 22] → 4
» Knot [10, 23] → 4
» Knot [10, 24] → 4
» Knot [10, 25] → 4
» Knot [10, 26] → 4
» Knot [10, 27] → 4
» Knot [10, 28] → 4
```

```
» Knot[10, 29] → 4
» Knot[10, 30] → 4
» Knot[10, 31] → 4
» Knot[10, 32] → 4
» Knot[10, 33] → 4
» Knot[10, 34] → 4
» Knot[10, 35] → 4
» Knot[10, 36] → 4
» Knot[10, 37] → 4
» Knot[10, 38] → 4
» Knot[10, 39] → 4
» Knot[10, 40] → 4
» Knot[10, 41] → 4
» Knot[10, 42] → 4
» Knot[10, 43] → 4
» Knot[10, 44] → 4
» Knot[10, 45] → 4
» Knot[10, 46] → 6
» Knot[10, 47] → 6
» Knot[10, 48] → 6
» Knot[10, 49] → 6
» Knot[10, 50] → 6
» Knot[10, 51] → 6
» Knot[10, 52] → 6
» Knot[10, 53] → 6
» Knot[10, 54] → 6
» Knot[10, 55] → 6
» Knot[10, 56] → 6
» Knot[10, 57] → 6
» Knot[10, 58] → 6
» Knot[10, 59] → 6
» Knot[10, 60] → 6
» Knot[10, 61] → 6
» Knot[10, 62] → 6
» Knot[10, 63] → 6
» Knot[10, 64] → 6
```

```
» Knot[10, 65] → 6
» Knot[10, 66] → 6
» Knot[10, 67] → 6
» Knot[10, 68] → 6
» Knot[10, 69] → 6
» Knot[10, 70] → 6
» Knot[10, 71] → 6
» Knot[10, 72] → 6
» Knot[10, 73] → 6
» Knot[10, 74] → 6
» Knot[10, 75] → 6
» Knot[10, 76] → 6
» Knot[10, 77] → 6
» Knot[10, 78] → 6
» Knot[10, 79] → 6
» Knot[10, 80] → 6
» Knot[10, 81] → 6
» Knot[10, 82] → 6
» Knot[10, 83] → 6
» Knot[10, 84] → 6
» Knot[10, 85] → 6
» Knot[10, 86] → 6
» Knot[10, 87] → 6
» Knot[10, 88] → 6
» Knot[10, 89] → 6
» Knot[10, 90] → 6
» Knot[10, 91] → 6
» Knot[10, 92] → 6
» Knot[10, 93] → 6
» Knot[10, 94] → 6
» Knot[10, 95] → 6
» Knot[10, 96] → 6
» Knot[10, 97] → 6
» Knot[10, 98] → 6
» Knot[10, 99] → 6
» Knot[10, 100] → 6
```

```
» Knot[10, 101] → 6
» Knot[10, 102] → 6
» Knot[10, 103] → 6
» Knot[10, 104] → 6
» Knot[10, 105] → 6
» Knot[10, 106] → 6
» Knot[10, 107] → 6
» Knot[10, 108] → 6
» Knot[10, 109] → 6
» Knot[10, 110] → 6
» Knot[10, 111] → 6
» Knot[10, 112] → 6
» Knot[10, 113] → 6
» Knot[10, 114] → 6
» Knot[10, 115] → 6
» Knot[10, 116] → 6
» Knot[10, 117] → 6
» Knot[10, 118] → 6
» Knot[10, 119] → 6
» Knot[10, 120] → 6
» Knot[10, 121] → 6
» Knot[10, 122] → 6
» Knot[10, 123] → 6
» Knot[10, 124] → 6
» Knot[10, 125] → 6
» Knot[10, 126] → 6
» Knot[10, 127] → 6
» Knot[10, 128] → 6
» Knot[10, 129] → 6
» Knot[10, 130] → 6
» Knot[10, 131] → 6
» Knot[10, 132] → 6
» Knot[10, 133] → 6
» Knot[10, 134] → 6
» Knot[10, 135] → 6
» Knot[10, 136] → 6
```

```
» Knot[10, 137] → 6
» Knot[10, 138] → 6
» Knot[10, 139] → 6
» Knot[10, 140] → 6
» Knot[10, 141] → 6
» Knot[10, 142] → 6
» Knot[10, 143] → 6
» Knot[10, 144] → 6
» Knot[10, 145] → 6
» Knot[10, 146] → 6
» Knot[10, 147] → 6
» Knot[10, 148] → 6
» Knot[10, 149] → 6
» Knot[10, 150] → 6
» Knot[10, 151] → 6
» Knot[10, 152] → 6
» Knot[10, 153] → 6
» Knot[10, 154] → 6
» Knot[10, 155] → 6
» Knot[10, 156] → 6
» Knot[10, 157] → 6
» Knot[10, 158] → 6
» Knot[10, 159] → 6
» Knot[10, 160] → 6
» Knot[10, 161] → 6
» Knot[10, 162] → 6
» Knot[10, 163] → 6
» Knot[10, 164] → 6
» Knot[10, 165] → 6
```

KnotTheory: Loading precomputed data in DTCode4KnotsTo11`.

KnotTheory: The GaussCode to PD conversion was written by Siddarth Sankaran at the University of Toronto in the summer of 2005.

```
» Knot[11, Alternating, 1] → 6
» Knot[11, Alternating, 2] → 6
» Knot[11, Alternating, 3] → 6
» Knot[11, Alternating, 4] → 6
```

Out[\circ] = \$Aborted